

数 学 正 答 例

1

① 2 ② -21 ③ $-2ab$

④ $4x^2 - 4xy + y^2$ ⑤ 6

右辺を展開すると,
 $3x^2 + 4x + 14 = 2x^2 + 14$
 移項すると,
 $x^2 + 4x = 0$
 左辺を因数分解すると,
 $x(x+4) = 0$
 $x=0$ または $x+4=0$
 よって $x=0, -4$
 (答) $x=-4, 0$

⑦ 3 ⑧ $y = \frac{72}{x}$

⑨ $\frac{3}{10}$

⑩ (7) 136 ⑪ (4) 118

2

クッキーを焼いた回数を x 回、パウンドケーキを焼いた回数を y 回とする。

焼いた回数をあわせると、全部で 13 回なので,
 $x+y=13$ (1)

また、クッキーを焼いた枚数は $20x$ 枚、パウンドケーキを焼いた本数は $3y$ 本であり、これらを参加した中学生に分けると、1 人につき、クッキー 15 枚とパウンドケーキ 1 本を配ることができたので、これらを焼いた数から、

$$20x = 3y \times 15$$

$$\text{よって, } y = \frac{4}{9}x \text{ (2)}$$

(2) を (1) に代入して、

$$x + \frac{4}{9}x = 13$$

$$\frac{13}{9}x = 13 \quad \text{よって, } x = 9$$

これを (1) に代入すると $y = 4$

(答) クッキー 9 (回), パウンドケーキ 4 (回)

3

① (7) 36 cm³ ② (4) 3 cm

③ $y =$ (7) 2x ④ (4) 4

⑤ $\frac{36}{5}$

4

(証明)
 ① $\triangle CEO$ と $\triangle ECG$ において
 $CE = EC$ (共通) (1)
 点 O は円の中心だから,
 $AO = CO$ (2)
 よって、 $\triangle OAC$ は二等辺三角形だから,
 $\angle OAC = \angle OCA$ (3)
 また、 $AB // EG$ だから,
 $\angle GEC = \angle OAC$ (4)
 (3), (4) から,
 $\angle OCA = \angle GEC$
 よって、 $\angle OCE = \angle GEC$ (5)
 また、 $DA : DE = 2 : 1$, $AB // EG$
 だから,
 $2EG = AB$
 よって、 $EG = \frac{1}{2}AB$ だから,
 $EG = AO$
 よって、(2) から
 $CO = EG$ (6)
 (1), (5), (6) より、2 辺とその間の角がそれ
 ぞれ等しいから,
 $\triangle CEO \equiv \triangle ECG$

⑥ (7) $4\sqrt{2}$ cm ⑦ (4) 10π cm²

⑧ (9) $\frac{\sqrt{5}}{2}$ cm ⑨ (5) $\frac{1}{2}$ cm²

数学出題のねらい

1 全般的なねらい

数量、図形などに関する基礎的な概念や原理・法則についての理解の程度と、それらを積極的に活用し、数学的な見方や考え方で処理する力をみるために、各領域から幅広く出題した。

2 各問い合わせのねらい

- ① 基本的な計算を中心にして、各領域における基礎的な概念の理解の程度や、それらを適用する力をみる。
- ② 「2種類のお菓子を焼く」という身近な場面を素材にして、数量の関係を的確にとらえて式に表現する力や、問題を解決する力をみる。
- ③ 変化する立体の体積から、数量関係を的確に把握し、式を用いて表現する力や、数学的な見方や考え方により問題を解決する力をみる。
- ④ 平面図形についての証明を通して、論理的に考察する力や思考過程を表現する力をみる。また、図形の計量を通して、図形を分解、構成する力をみる。