

数学 (45分)

注意 1 答えに $\sqrt{\quad}$ が含まれるときは、 $\sqrt{\quad}$ をつけたままで答えなさい。また、 $\sqrt{\quad}$ の中の数は、できるだけ小さい自然数にしなさい。
2 円周率は π を用いなさい。

1 次の①～⑤、⑦～⑨では に適当な数または式を書き入れ、⑥では答えを求めるまでの過程も書いて答えなさい。

① $-5 - (-2)$ を計算すると になる。

② $4 \times (-7)$ を計算すると になる。

③ $6ab^2 \div 3ab$ を計算すると になる。

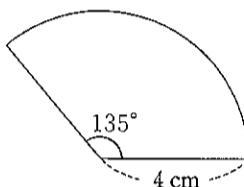
④ $\sqrt{6}(\sqrt{2} + \sqrt{3}) - 3\sqrt{2}$ を計算すると になる。

⑤ $1 - 16a^2$ を因数分解すると になる。

⑥ 方程式 $(x+2)(x-5) = 2x - 14$ を解きなさい。

⑦ 右の図のような、半径が 4 cm、中心角が 135° のおうぎ形がある。

このおうぎ形の面積は cm^2 である。



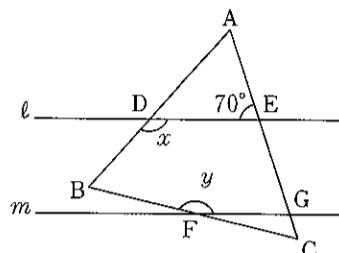
⑧ y は x の一次関数で、そのグラフは 2 点 $(-5, 2), (3, 6)$ を通る直線である。この一次関数を表す式は $y = \boxed{\quad}$ である。

⑨ 右の図のように、平行な

2 直線 ℓ, m と正三角形 ABC があり、直線 ℓ と辺 AB, 辺 AC との交点をそれぞれ D, E とし、直線 m と辺 BC, 辺 AC との交点をそれぞれ F, G とする。 $\angle AED = 70^\circ$ であるとき、

$\angle x$ の大きさは (ア)"/> ° であり、

$\angle y$ の大きさは (イ)"/> ° である。

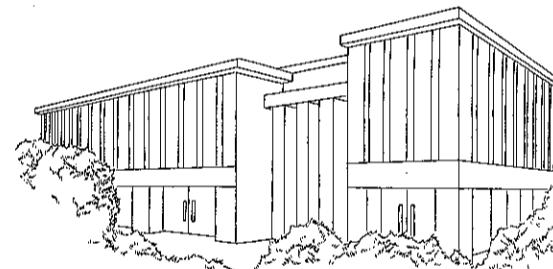


2 花子さんは、新しくできた図書館の開館後 3か月間の利用状況を調べ、次のようにまとめた。

[I] 開館後 3か月間の 1 日あたりの入館者数は、開館前に予想された 1 日あたりの入館者数より 900 人多かった。

[II] 開館後 3か月間の 1 日あたりの本の貸し出し冊数は、開館前に予想された 1 日あたりの本の貸し出し冊数より 1300 冊多かった。

[III] 入館者の 3 人に 1 人がこの図書館で本を借りるとすると、1 日あたりの入館者数と 1 日あたりの本の貸し出し冊数から、本を借りる人 1 人につき、1 日あたりの本の貸し出し冊数は、右の表のようになる。



本を借りる人 1 人についての 1 日あたりの貸し出し冊数 (冊)	
開館後 3か月間	3.0
開館前の予想	2.6

開館後 3か月間の 1 日あたりの入館者数と、開館前に予想された 1 日あたりの入館者数はそれぞれ何人か。答えを求めるまでの過程も書いて答えなさい。

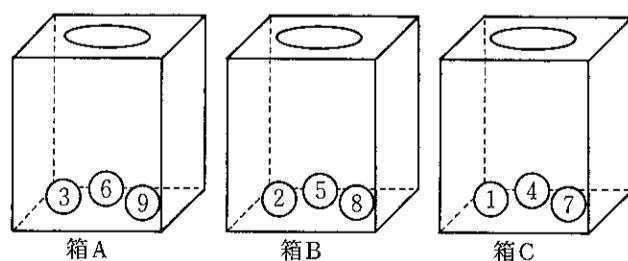
3 右の図のように、1 から 9 までの数字が 1 つずつ書かれた同じ大きさの 9 個の球が、ある規則に従って箱 A, 箱 B, 箱 C に 3 個ずつ入れられている。それぞれの箱の中の球をよくかきまして箱 A, B, C からそれぞれ 1 個ずつ球を取り出し、取り出した 3 個の球に書かれている数の和を X とする。

このとき、次の①, ②では に適当な数または式を書き入れ、③では指示に従って答えなさい。

① X が 15 となる確率は である。

② 箱 A から取り出した球に書かれている数は、3 以下の自然数 a を使って $3a$ と表される。また、箱 B から取り出した球に書かれている数は、3 以下の自然数 b を使って $3b - 1$ と表される。同じように、箱 C から取り出した球に書かれている数は、3 以下の自然数 c を使って と表される。

③ ②の文字式を用いて、X が常に 3 の倍数となるわけを説明しなさい。



4

右の図のような、関数 $y = ax^2$ のグラフと関数 $y = bx^2$ のグラフがある。関数 $y = ax^2$ のグラフ上に2点A(6, 12), B(3, 3)をとり、また x 軸上に点Cをその x 座標が点Bの x 座標より大きくなるようにとて、線分BA, 線分BCを2辺とする平行四辺形ABCDをつくる。点Dの座標が(12, 9)であるとき、次の①～③の [] に適当な数を書き入れなさい。

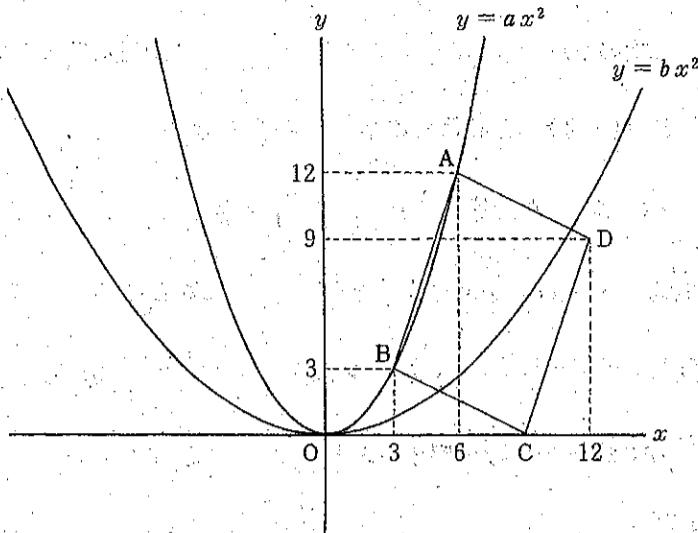
① 関数 $y = ax^2$ について、 a の値は [(ア)] であり、 x の

値が3から6まで増加するときの変化の割合は [(イ)] である。

② 点Cの x 座標は [] である。

③ 関数 $y = bx^2$ のグラフが線分BCと交わる点をPとする。

三角形ABPの面積が平行四辺形ABCDの面積の $\frac{1}{6}$ 倍となるとき、 b の値は [] である。



5

右の図のように、線分ABを直径とする円Oの円周上に2点A, Bと異なる点Cをとり、点Cを含まない弧 \widehat{AB} 上に2点A, Bと異なる点Dを弧 \widehat{AD} の長さが弧 \widehat{AC} の長さより短くなるようにとる。ただし、弧 \widehat{AC} , 弧 \widehat{AD} はどちらも点Bを含まない弧である。点Aと点C, 点Bと点C, 点Aと点D, 点Cと点Dをそれぞれ結ぶ。また点Cを通り線分ABに垂直な直線をひき、線分ABとの交点をE, 線分ADの延長との交点をFとする。

このとき、①では指示に従って答え、②では [] に適当な数を書き入れなさい。

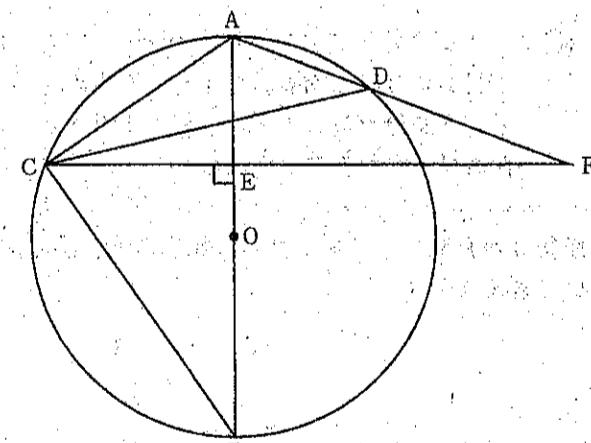
① $\triangle ACD \sim \triangle AFC$ を証明しなさい。

② $AB = 8\text{ cm}$, $AD = 2\text{ cm}$, $\angle ABC = 30^\circ$ であるとき、

$AC = [(ア)] \text{ cm}$, $AF = [(イ)] \text{ cm}$ である。

また $\triangle CFD$ の面積は [(ウ)] cm^2 であり、

$CD = [(エ)] \text{ cm}$ である。



受 檢 番 号	(算用数字)	志 願 校
------------	--------	-------

解 答 用 紙



1

①

②

③

④

⑤

⑥

(答)

⑦ cm² ⑧

⑨ (ア) 。 ⑩ (イ) 。

2

(答) 開館後 3か月間の 1日あたりの入館者数 _____ (人)
開館前に予想された 1日あたりの入館者数 _____ (人)

3

①

②

4

①

(ア)

①

(イ)

②

③

5

①

(証明)

(ア) cm ② (イ) cm

(ウ) cm² ② (エ) cm